

PRACTICO 3

Ejercicio 1 (Nicholson 17.3)

En el país Ruritania hay dos regiones, A y B. Se producen dos bienes (X e Y) en ambas regiones. Las funciones de producción para la región A vienen dadas por

$$X_A = (L_X)^{1/2}$$

$$Y_A = (L_Y)^{1/2}$$

Donde L_X y L_Y son la cantidad de trabajo dedicada a la producción de X e Y respectivamente. El trabajo total en la región A es igual a 100 unidades. Es decir,

$$L_X + L_Y = 100$$

Utilizando una notación similar para la región B, las funciones de producción son

$$X_B = (L_X)^{1/2}$$

$$Y_B = (L_Y)^{1/2}$$

También hay 100 unidades de trabajo disponible en la región B

$$L_X + L_Y = 100$$

- Calcule las curvas de posibilidades de producción para ambas regiones
- Qué condición debe cumplirse si la producción del país debe asignarse eficientemente entre las dos regiones (suponiendo que el trabajo no se puede desplazar de una región a la otra)?
- Calcule la curva de posibilidades de producción del país si la producción de X es 12. Pista: un análisis gráfico puede ayudar.

Ejercicio 2 (Varian 30.6)

Roger y Gordon tienen idénticas funciones de utilidad, $U(x, y) = x^2 + y^2$

Disponemos de 10 unidades de x y 10 unidades de y para repartir entre ellos.

- Representa una caja de Edgeworth donde se muestren algunas de sus curvas de indiferencia y señala con color negro las asignaciones eficientes en el sentido de Pareto (pista: advierte que las curvas de indiferencia no son convexas)
- Cuáles son en este caso las asignaciones justas?

Ejercicio 3 (Varian 30.5)

La frontera de posibilidades de utilidad de Raimundo y Nestor viene dada por la siguiente ecuación:

$$U_R + U_N^2 = 100 \text{ (donde R y N representan a Raimundo y a Néstor respectivamente).}$$

- Representar gráficamente la frontera de posibilidades de utilidad (en el eje vertical colocar la utilidad de Raimundo)
- Desarrolla una ecuación para expresar la curva de posibilidades de utilidad que has dibujado
- Tanto R como N consideran que la asignación ideal se obtiene maximizando una función apropiada de bienestar social. Raimundo cree que $U_R = 75$ y $U_N = 5$ corresponde a la mejor distribución de bienestar social de Raimundo (pista: cuál es la pendiente de la función de bienestar de Raimundo?)
- Néstor, por otra parte cree que $U_R = 19$ y $U_N = 9$ corresponde a la mejor distribución. Cuál es la función de bienestar social de Néstor?

Práctico 3

Ejercicio 1

Región A

$$X_A = L_x^{1/2}$$

$$Y_A = L_y^{1/2}$$

$$L_x + L_y = 100$$

Región B

$$X_B = L_x^{1/2}$$

$$Y_B = L_y^{1/2}$$

$$L_x + L_y = 100$$

a) Región A

$$X_A^2 + Y_A^2 = 100$$

Región B

$$X_B^2 + Y_B^2 = 100$$

b) $RMT_A = RMT_B$

$$RMT_A = - \frac{dY_A}{dX_A} = \frac{X_A}{Y_A}$$

$$RMT_B = - \frac{dY_B}{dX_B} = \frac{X_B}{Y_B}$$

$$\frac{X_A}{Y_A} = \frac{X_B}{Y_B} = \frac{P_x}{P_y}$$

c) (i) $\frac{X_A}{Y_A} = \frac{X_B}{Y_B}$

condición de eficiencia

(ii) $X_A^2 + Y_A^2 = X_B^2 + Y_B^2 = 100$

(trabajo disponible en A =)
" " " B

De (i) $Y_A^2 = \frac{X_A^2}{X_B^2} \cdot Y_B^2$

Substituyendo en (ii)

$$X_A^2 + X_A^2 \left(\frac{Y_B^2}{X_B^2} \right) = X_B^2 + Y_B^2$$

$$X_A^2 \left(\frac{X_B^2 + Y_B^2}{X_B^2} \right) = X_B^2 + Y_B^2$$

$$X_A^2 = X_B^2$$

$$X_A = X_B$$

$$Y_A = Y_B$$

$$X_T = X_A + X_B = 2X_B$$

$$X_T^2 = 4X_B^2$$

$$Y_T = Y_A + Y_B = 2Y_B$$

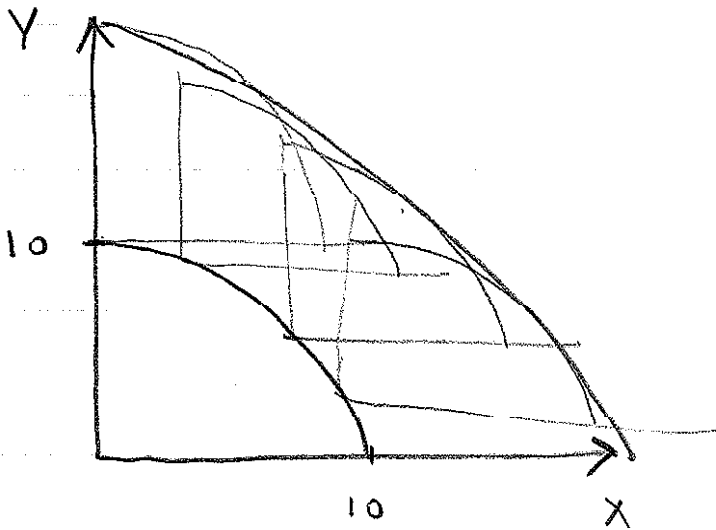
$$Y_T^2 = 4Y_B^2$$

$$X_T^2 + Y_T^2 = 4X_B^2 + 4Y_B^2 = 4(X_B^2 + Y_B^2) = 400$$

$$\text{Si } X_T = 12 \rightarrow X_T^2 = 144$$

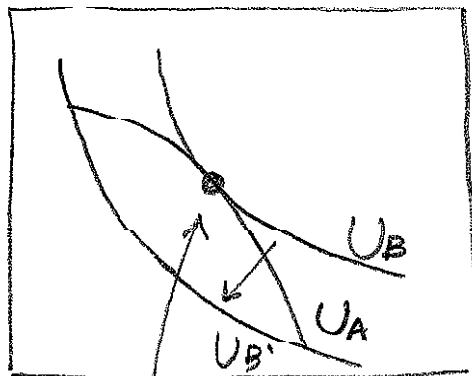
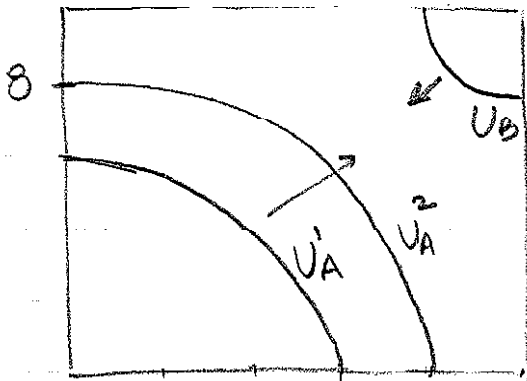
$$\frac{dY_T}{dX_T} = \frac{X_T}{Y_T}$$

$$Y_T = \sqrt{400 - 144} = 16$$

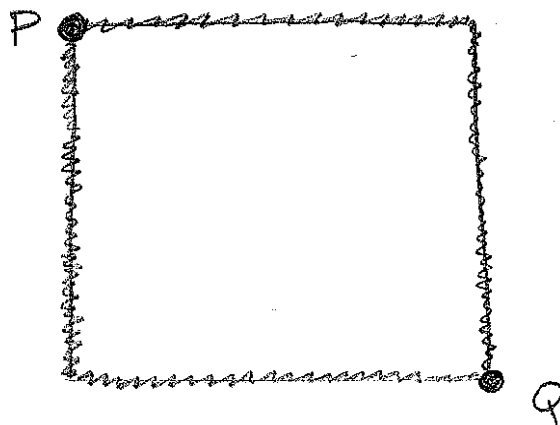
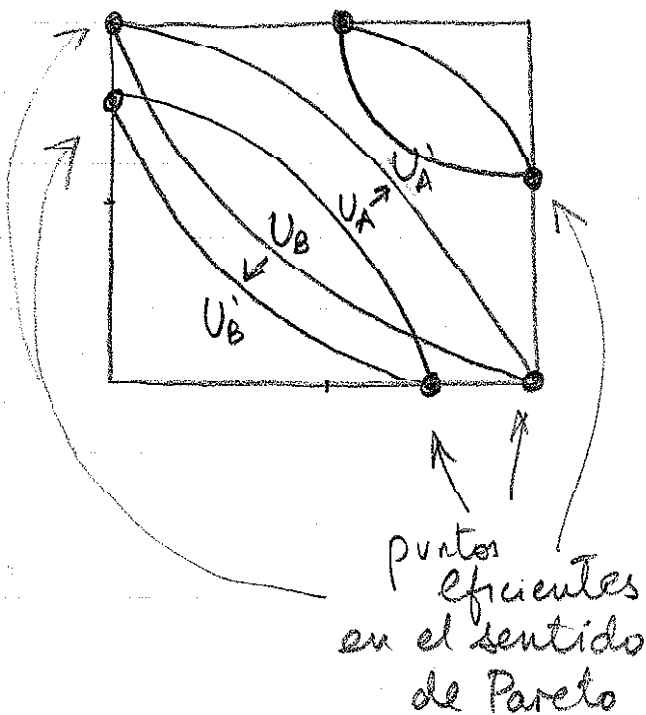


Ejercicio 2

$$U(x,y) = x^2 + y^2$$



Este punto no es eficiente en el sentido de Pareto porque puedo aumentar la utilidad de B sin que cambie la de A
 $U_{B'}$ es preferible a U_B

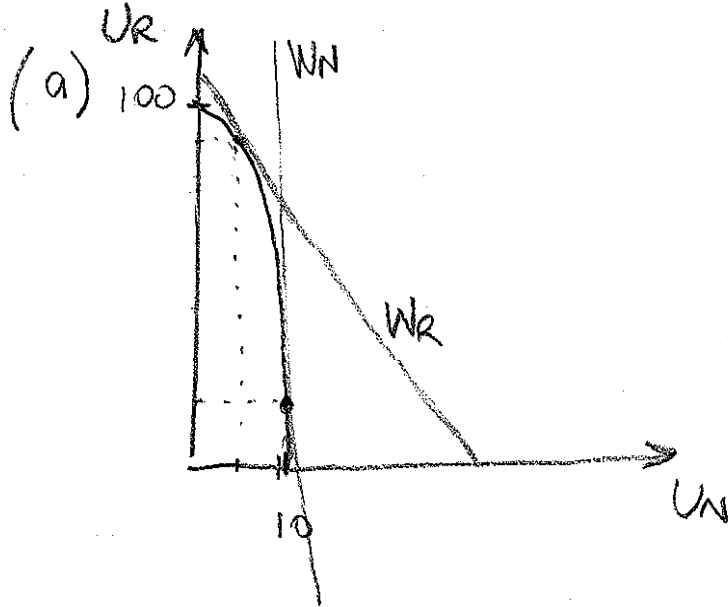


Todos los puntos sobre los ejes son puntos eficientes en el sentido de Pareto

P y Q son asignaciones justas porque son los únicos puntos eficientes en los que uno no prefiere la canasta del otro a la suya

Ejercicio 3

$$U_R + U_N^2 = 100$$



(b) $U_R = 100 - U_N^2$

(c) Max $W(U_N, U_R)$

s.a $U_R + U_N^2 = 100$

CPO: $\frac{\partial W}{\partial U_N}(U_N, 100 - U_N^2) = 0$

$$W_1 - W_2 \cdot 2U_N = 0$$

$$\frac{W_1}{W_2} = 2U_N = -\frac{dU_R}{dU_N}$$

Raimundo

$$U_N = 5$$

$$W_1/W_2 = 10$$

Nestor

$$U_N = 9$$

$$W_1/W_2 = 18$$

$$W = (1-a)U_R + aU_N$$

Raimundo

$$-U_R/dU_N = a/(1-a) = 10$$

$$a = 10 - 10a \quad a = 10/11$$

$$W = (1/11)U_R + (10/11)U_N$$

Nestor

$$-U_R/dU_N = a/(1-a) = 18$$

$$a = 18/19$$

$$W = (1/19)U_R + (18/19)U_N$$